

LOGICKÉ ŘÍZENÍ

(LOGICAL CONTROL)

Josef BOKR

Department of Information and Computer Science, Faculty of Applied Sciences, University of West Bohemia,
Univerzitní 8, 306 14 Plzeň, Czech Republic, E-mail: bokr@kiv.zcu.cz

SUMMARY

The paper deals with logic control technological devices. An impossibility of Glushkov's and Bellman's conceptions of logic control is shown and thus the new idea is proposed.

Keywords: *system of automatical logic control, finite automaton, logical transmitter*

1. ÚVOD

Předmětem oboru, obvykle zvaného „Logické systémy“, jsou jednak logické převodníky (viz dodatek) a jednak systémy automatického logického řízení (SALŘ). A stává se i, že SALŘ jsou pouhou zámkou (úvodem) ke studiu logických převodníků; např. [1,2].

Pojetí, nyní již klasické, logického řízení podle Gluškovy (1965), který navrhl SALŘ jako zpětnovazební kompozici dynamických logických převodníků: deterministického řídicího (ŘP) a operačního, přičemž operační převodník odpovídá nedeterministickému řízenému technologickému převodníku (TP), se pokládá za korektní. Vedle zmíněné koncepce existuje pojetí SALŘ podle Bellmana (1956) – nezávisle zavedené v [3] – kde ŘP je statický a TP je dynamický převodník. Bellmanova koncepce se pokládá za fundamentální ideu řízení vůbec.

Snadno lze ukázat, že Bellmanův ŘP je minimální, co do počtu stavů, formou Gluškovova ŘP Mealyho typu, což bezprostředně vyplývá z konceptu logického řízení.

Obě pojetí logického řízení, což je snad překvapivé, nejsou s to se vyrovnat s následující situací: dospěje-li řízený TP po absolvování předepsané stavové trajektorie do, pro řízení, stabilního stavu, není možné, aby TP zmíněný stav opustil a pokračoval v pohybu po požadované trajektorii, neboť ŘP produkuje řízení podle stávajícího stavu TP, a nelze očekávat, že deterministický ŘP dokáže podle stabilního stavu produkovat různá řízení tak, že jedno udržuje TP ve stabilním stavu a druhé převádí TP do stavu jiného (následovníku) stavové trajektorie.

Příčina uvedené neutěšené situace je nasnadě; vždyť, co „nutí“ projektanty SALŘ pokládat řízené technologické zařízení za dynamický převodník? Zřejmě rutina; návrháři SALŘ totiž jednak projektují ŘP stejně jako strukturální modely dynamických logických převodníků (zpětnovazební logické obvody) kánonickou dekompozicí [4], a jednak se nevědomky při identifikaci technologické aparatury ztotožňují s jejím ŘP a pokládají pak TP za

dynamický. Avšak řídit dynamický převodník nemá smysl (!), je přece dynamický.

2. TRADIČNÍ LOGICKÉ ŘÍZENÍ

Uvažujme SALŘ podle obr. 1 a necht' je, bez újmy na obecnosti, modelem TP nedeterministický dynamický semiautomat

$$TP = \langle U, S, \delta_T \rangle$$

a modelem deterministického Gluškovova dynamického ŘP_G či Bellmanova statického ŘP_B buď konečný automat

$$\check{R}P_G = \langle S, Q, U, \delta_G, \lambda_G \rangle$$

nebo, položíme-li $Q = \{q_p\}$,

$$\check{R}P_B = \langle S, U, \lambda_B \rangle$$

kde U, S a Q je příslušně abeceda řízení, stavová TP a ŘP_G, δ_T je přechodová relace

$$\delta_T : S \times U \times S : \langle s, u, s' \rangle,$$

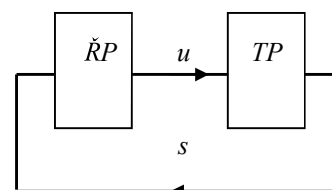
δ_G a λ_G je odpovídající přechodová a výstupní funkce Gluškovova ŘP_G

$$\delta_G : Q \times S \rightarrow Q : \langle q, s \rangle \mapsto q'$$

$$\lambda_G : Q \times S \rightarrow U : \langle q, s \rangle \mapsto u$$

a λ_B je výstupní funkce Bellmanova ŘP_B

$$\lambda_B : S \rightarrow U : s \mapsto u$$



Obr. 1 Systém automatického logického řízení (SALŘ)

Fig. 1 System of the automatical logic control (SALC)

Konečno-semiautomatovým modelem $SAL\check{R}$ s $\check{R}P_G$ nebo s $\check{R}P_B$ je dyáda příslušně

$$SAL\check{R}_G = \langle S \times Q, \Delta_G \rangle$$

či

$$SAL\check{R}_B = \langle S, \Delta_B \rangle$$

kde Δ_G či Δ_B je odpovídající přechodová relace

$$\Delta_G: (S \times Q) \times (S \times Q): \\ \langle s, q, proj_3 \delta_T(s, \lambda_G(q, s), s'), \delta_G(q, s) \rangle$$

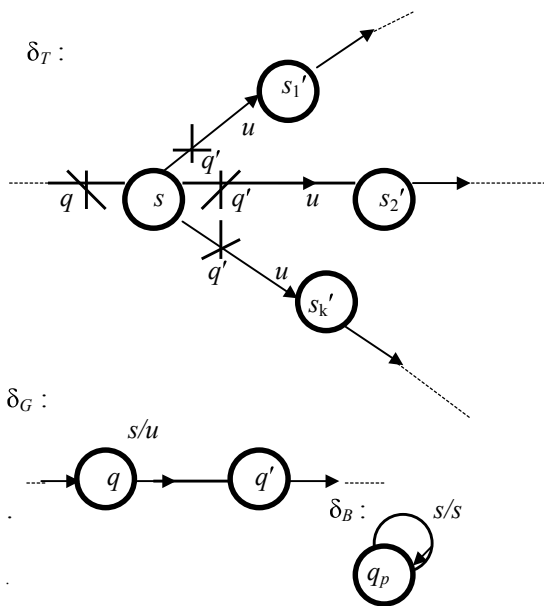
nebo

$$\Delta_B: S \times S: \langle s, proj_3 \delta_T(s, \lambda_B(s), s') \rangle$$

viz obr. 2, kde \times symbolizují stavy $\check{R}P_G$.

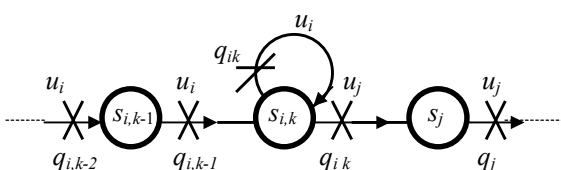
Nyní je již zřejmé, že vystačíme s Bellmanovým $\check{R}P_B$.

Vyšetřeme fragment stavové trajektorie TP v $SAL\check{R}_G$ nebo v $SAL\check{R}_B$ (obr. 3). Protože na TP v $SAL\check{R}$ je $s_{ik} = proj_3 \delta_T(s_{i,k-1}, u_i, s_{ik})$, $s_{ik} = proj_3 \delta_T(s_{i,k}, u_i, s_{ik})$ a $s_j = proj_3 \delta_T(s_{i,k}, u_j, s_j)$, pro $u_i \neq u_j$, pak také na $\check{R}P_G$ je $\lambda_G(q_{ik}, s_{ik}) \in \{u_i, u_j\}$ a právě tak na $\check{R}P_B$ je $\lambda_B(s_{ik}) \in \{u_i, u_j\}$, což ovšem znamená zařadit do $SAL\check{R}$ nedeterministický $\check{R}P$.



Obr. 2 Součinnost TP a $\check{R}P_G$ či $\check{R}P_B$

Fig. 2 Cooperation of a technological transmitter (TP) and the Glushkov ($\check{R}P_G$) or the Bellman control ($\check{R}P_B$) transmitters



Obr. 3 Stavová trajektorie na TP
Fig. 3 A state trajectory at the TP

3. LOGICKÉ ŘÍZENÍ

Ukážeme, že nedeterminismus $\check{R}P$ jak podle Gluškovy, tak podle Bellmana způsobuje „převodníkové“ chápání TP ; byl-li by totiž TP dynamický převodník, pak nemá smysl TP řídit, neboť se zjevně řídí sám (viz dodatek).

Ilustrujme proto na příkladu samopalu AK libovolného vzoru („kalašnikovci“), přitažlivém zejména pro vojáky bývalé československé i české či slovenské armády, že TP není dynamický, ale jen potenciálně dynamický převodník. Necht' je náboj v přední úvrati pouzdra závěru. Po spuštění spouště uvolní spoušťadlo úderník, úderník aktivuje roznětku a dojde k výstřelu. Dříve než střela opustí hlavěň samopalu, odvede se malá část spalin z hlavně plynovým kanálem do válce vratného pístu. Vratný píst uvolní závorník závěru a přesune závěr unášející vytahovačem nábojnicí do zadní úvrati v pouzdru závěru. Po uvolnění vytahovače vyhodí vyhazovač nábojnicí a podavač přemístí další náboj do komory závěru. Stlačená vratná pružina převede závěr do přední úvrati atd. potud, pokud je spuštěná spoušť. Je-li spoušť uvolněná, zablokuje se úderník a k opětovnému výstřelu dojde až po spuštění spouště (obr. 4). Použijeme-li cvičné střelivo, není tlak spalin v hlavni dostatečný k vrácení závěru do zadní úvrati (nepoužijeme-li ovšem ústřový nástavec) a pro opakování střelby by pak bylo nezbytné přesunovat závěr do zadní úvrati ručně; střelba dávkami je tak vyloučena.

Činný samopal (dynamický logický převodník) je tak agregací statického logického převodníku (vratného pístu s vratnou pružinou) a potenciálně dynamické řízení pušky [4]. Pokud si čtenář nedokáže představit vratný píst spolu s vratnou pružinou jako statický převodník, ať oba chápe jako „pohybodvy“. A ještě, střelec spuštěním spouště – nesilový podnět – iniciuje poslopně stavové přechody v samopalu: ze stavu výstřel do stavu nabití a naopak. Stav výstřel vykonává silou zpětného pístu přechod do stavu nabití, a stav nabití vykonává silou vratné pružiny přechod do stavu výstřel. Metaforicky: vratný píst s vratnou pružinou „oživuje“ „mrtvou“ pušku.

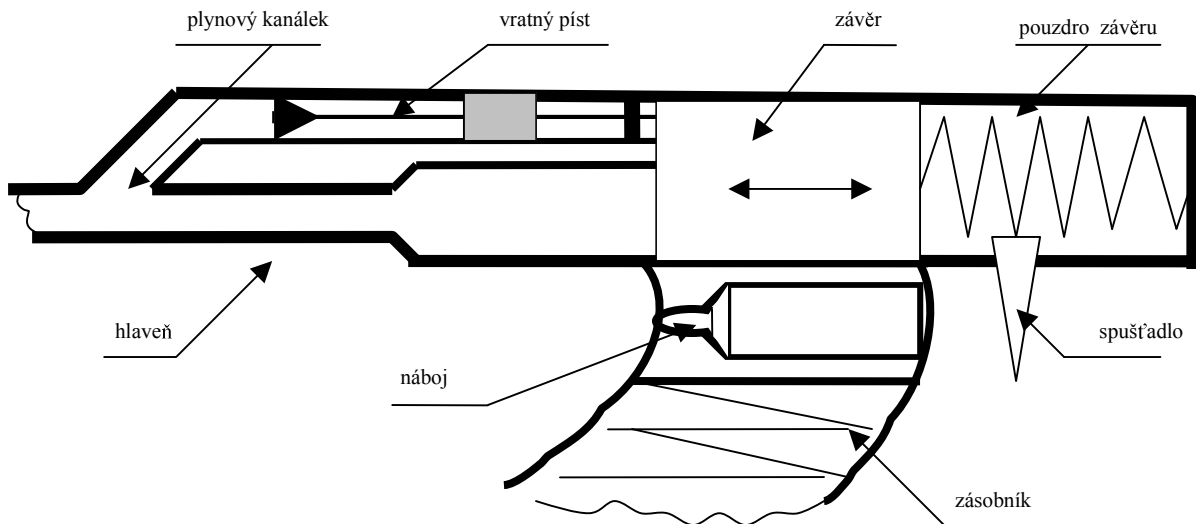
Nabízí se tedy dynamický logický převodník interpretovaný jako $SAL\check{R}$ ve tvaru agregace statického logického převodníku \check{R} pojatého jako řídicí a potenciálně dynamického řízeného objektu T (obr. 3), kde zadané řízení u vybírá subjektem požadovanou stavovou trajektorii v T a stav s , resp. buzení e , je vykonavatelem jednotlivých přechodů stavové trajektorie.

Konečnoautomatovým modelem statického deterministického \check{R} je uspořádaná trojice

$$\check{R} = \langle U \times S, E, \lambda \rangle$$

kde U, S, E je příslušně abeceda řízení, stavů, buzení a λ je výstupní funkce

$$\lambda: U \times S \rightarrow E: \langle u, s \rangle \mapsto e$$



Obr. 4 Schéma samopalu AK-47
Fig.4 Schema of the subgun AK-47

a pseudokonečnoautomatovým modelem nedeterministického T (konečný automat je totiž modelem dynamických převodníků) je uspořádaná třída

$$T = \langle E, S, \delta_T \rangle$$

kde δ_T je přechodová relace

$$\delta_T : S \times E \times S : \langle s, e, s' \rangle.$$

Konečný automat

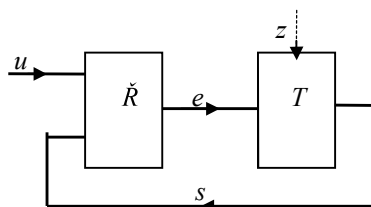
$$\langle U, S, \delta \rangle$$

kde δ je přechodová relace

$$\delta : S \times U \times S : \langle s, u, s' \rangle$$

je modelem nedeterministického SALŘ z obr. 5, přičemž

$$\text{proj}_3 \delta (s, u, s') = \text{proj}_3 \delta_T (s, e, s').$$

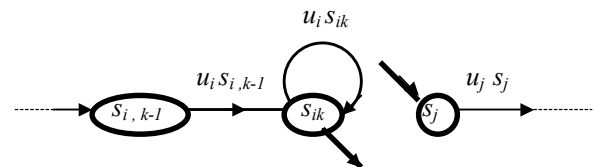


Obr. 5 SALŘ jako agregát řídicího převodníku \check{R} a technologického „nepřevodníku“ T

Fig. 5 SALC as an aggregate of a control transmitter \check{R} and a technological „not transmitter“ T

Zmíněné pojetí logického řízení se snadno vyrovná s nedeterminismem $\check{R}P$ z části 2. Skutečně, protože řízení u_i a u_j ($u_i \neq u_j$) zadává subjekt, potom je nasnadě modifikovat fragment stavové trajektorie z obr. 2 – obr. 5 – a psát:

$$\begin{aligned} s_{ik} &= \text{proj}_3 \delta (s_{i,k-1}, u_i, s_{ik}) = \text{proj}_3 \delta_T (s_{i,k-1}, \\ &u_i, s_{i,k-1}, s_{ik}), \quad s_{ik} = \text{proj}_3 \delta (s_{ik}, u_i, s_{ik}) = \\ &= \text{proj}_3 \delta (s_{i,k}, u_i, s_{ik}) = \text{proj}_3 \delta_T (s_{i,k}, u_i, s_{i,k}, s_{ik}) \quad \text{a} \\ s_{j+1} &= \text{proj}_3 \delta (s_j, u_j, s_{j+1}) = \text{proj}_3 \delta_T (s_j, \\ &u_j, s_j, s_{j+1}). \end{aligned}$$



Obr. 6 Modifikovaná stavová trajektorie na I z obr. 3

Fig. 6 A modified state trajectory at I from Fig. 3

Lze ovšem namítnout, že statický řídicí převodník \check{R} neuspěje, budou-li na T instalována impulsová čidla snímající stavy T ; postačí však impulsová čidla vybavit podpůrnými paměťovými moduly [3].

4. PŘÍKLAD

Až dosud jsme předpokládali, že nedeterminismus T je dílem neměřitelného a tedy implicitního nahodilého rušení T . Jsou-li však poruchy z působící na T měřitelné a tedy explicitní, tj. disponujeme-li poruchovou abecedou Z deterministického T , je pseudokonečnoautomatovým modelem T uspořádaná třída

$$T_{det} = \langle E \times Z, S, \delta_{Tdet} \rangle$$

kde δ_{Tdet} je přechodová funkce, bez újmy na obecnosti,

$$\delta_{Tdet} : S \times E \times Z \rightarrow S : \langle s, e, z \rangle \mapsto s'.$$

Konečný automat

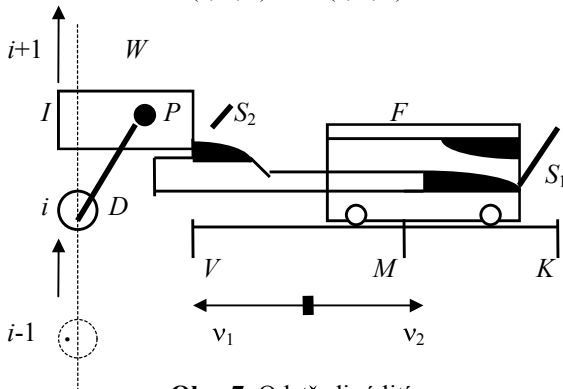
$$\langle U \times Z, S, \delta \rangle$$

kde δ je přechodová funkce

$$\delta : S \times U \times Z \rightarrow S : \langle s, u, z \rangle \mapsto s',$$

je modelem deterministického SALŘ, přičemž

$$\delta(s, u, z) = \delta_T(s, e, z).$$



Obr. 7 Odstředivé lití
Fig. 7 Centrifugal casting

a)

ez s ₁ s ₂ s ₃	s ₁ ' s ₂ ' s ₃ '				
	stop	start $\overline{S_1} \overline{S_2}$	start $\overline{S_1} S_2$	start S ₁ $\overline{S_2}$	start S ₁ S ₂
IKD		IVD			
IVD		WVD			
WVD			WVD		WMD
WMD					IMD
IMD				IK \overline{D}	
IK \overline{D}	IK \overline{D}			IK \overline{D}	

b)

u s ₁ s ₂ s ₃	zastavení IK \overline{D}	spuštění IKD, IVD, WVD, WVD, WMD, IMD	spuštění IK \overline{D}
e	stop	start	stop

Tab. 1 a) Přechodová tabulka řízeného odstředivého lití, b) výstupní tabulka řídicí automatiky

Tab. 1 a) Transition table of the controlled centrifugal casting, b) response table of the control automatics

Navrhněte proto statickou řídicí automatiku pro zařízení na odstředivé odlévání litinových trubek (obr. 7). Dosáhne-li nosič (D) tavicí pánve (P) polohy i , přemístí se vozík s formou (F) z polohy V rychlostí v_2 do polohy K . Tavicí pánev se naklání z polohy I do polohy W dotud, dokud nezačne litina vytékat z pánve (S_2). Když tok litiny dosáhne pravý okraj formy (S_1), vozík se pohybuje pomalu zleva doprava rychlostí v_1 ($v_1 \ll v_2$) z polohy K do polohy V a vytékající litina se postupně odstředuje po celé délce formy. Když vozík přes mezipolohu M dojde na konec své dráhy, zastaví se vylévání z pánve,

pánev se navrátí do pozice I a nosič D se přemístí do následující pozice $i + 1$. Senzory $S_{1,2}$ jsou světlocitlivá čidla. Označme řízení jako *zastavení* a *spuštění*, buzení jako *stop* a *start* a poruchu konjunktem $S_1^{\sigma_1} S_2^{\sigma_2}$ ($\sigma_1, \sigma_2 \in \{0,1\}$ a $S^\sigma = S \sigma \vee \overline{S} \overline{\sigma}$), kde S_1, S_2 ($\overline{S_1}, \overline{S_2}$) znamená, že litina vyzáruje (nevyzáruje) světlo.

Pojmenujme ještě stavové složky stavů zařízení písmeny: $I(W)$, nacházel-li se nosič tavicí pánve ve výchozí (pracovní) poloze; V, M, K , je-li vozík s formou v příslušné pozici výchozí, mezi a koncové; $D(\overline{D})$ znamená, že nosič pánve je (není) v poloze i , tj. stavy zařízení na odstředivé odlévání litinových trubek jsou uspořádané triády: $IKD, IVD, IMD, IK\overline{D}, WVD, WMD$. Přechodová tabulka řízeného zařízení na odstředivé odlévání litinových trubek je tab. 1 a) a výstupní tabulka řídicí automatiky je tab. 1b).

5. ZÁVĚR

Uveďme nejprve, že výše zmíněná koncepce logického řízení není alternativou k tradičnímu pojetí logického řízení, ale koncepcí jediné správnou.

Statický řídicí logický převodník sestává z pohybových šroubů, táhel, řetězových, řemenových, ozubených i hydromechanických převodů, podavačů, shazovačů ap., krátce řečeno z „produktovodů“ rozmanité povahy (vodiče, světlovody, „pohybo-vody“ atd.).

Zpravidla sami technologové osazují technologická zařízení uvedenými „produktovody“, takže na projektanty řídicí automatiky zbývá jen návrh řízení komplexů sestávajících z různých technologických aparatur.

Zmíňme se ještě o čistě náhodné morfologické shodě SALŘ a kánonické dekompozice. Zatímco technologické zařízení je pouze potenciálně dynamické a teprve spolu se statickým řídicím převodníkem tvoří dynamický převodník, je náhradník kánonické dekompozice dynamickým převodníkem, který statický budič převodník „nutí“ imitovat svými stavovými přechody požadované [5].

SALŘ je tak holisticky agregací statického \check{R} a „nepřevodníku“ T na rozdíl od redukcionistické kánonické dekompozici převodníku TP .

Logické řízení dosud postuluje Gluškovův $\check{R}P$ – viz [6], kde je uveden výčet autoritativních prací z logického řízení. Proto se také pěstovaly [3] a stále rozvíjejí [2] jazyky vhodné pro zápis činnosti TP a tedy i $\check{R}P_G$, neboť panuje přesvědčení, že komplikovanost návrhu $\check{R}P_G$, způsobená jeho záražující složitostí, se tak dá obejít. Autor [3,7] ukázal, že $\check{R}P_G$ není minimální co do počtu stavů a že postačí statický $\check{R}P$, což však nebylo všeobecně přijato. Bellmanův předpis [8] říká, že řízení je funkcí stavu a i když se Bellman logickým řízením vůbec nezabýval, nazval autor statický $\check{R}P$ Bellmanovým $\check{R}P_B$, a $\check{R}P_B$ se stal přijatelným. Obě pojetí však

připouštějí ve stavové trajektorii v TP výskyt kromě koncového i jiných stabilních stavů, což vede k nedeterministickému $\dot{R}P$

Východisko ze vzniklé situace je nasnadě. Řízením u se provádí pouze výběr (iniciace) stavové trajektorie na nikoliv dynamickém TP , ale potenciálně dynamickém T a každý výchozí stav přechodu s stavové trajektorie je nezbytné chápat jako jeho vykonavatele. Snad proto, že uvedená koncepce logického řízení je očividná, může čtenáři připadat autorův podíl na fyzikálně zdůvodněném pojetí logického řízení zanedbatelný.

LITERATURA

- [1] Lazarev, V. G. - Pijl, E. I.: Sinteza upravljajušćih avtomatov. Energoatomizdat, Moskva 1989
- [2] Šalyto, A. A.: Logičeskoe upravlenie (metody apparatnoj i programmnoj realizacii algoritmov). Nauka, Sankt Peterburg 2000
- [3] Bokr, J. et al: Logické řízení technologických procesů. SNTL, Praha 1986
- [4] Bokr, J. - Jáneš, V.: Logické systémy. Vyd. ČVUT, Praha 1999
- [5] Bokr, J.: Kánonická dekompozice. Acta Electrotechnica et Informatica, No. 1, vol. 4 2004, pp. 60 – 65
- [6] Bokr, J.: Upravlenie logičeskim objektom i kanoničeskaja dekompozicija. Avtomatika i vyčislitel'naja tehnika, N. 1, 2000, pp. 12 – 23
- [7] Bokr, J. et al: Logické řízení technologických objektů. Sešity Inorga, N 148 – 149, 1988
- [8] Kalman, R. E. – Falb, P. L. – Arbib, M. A.: Topics in Mathematical System Theory. Mc Graw-Hill Book Co., New York, Sydney 1969

6. DODATEK

Logickým převodníkem rozumíme logické zařízení převádějící zadané vstupní slovo na požadované slovo výstupní. Necht' je stacionární deterministický dynamický převodník dán konečnoautomatovým modelem

$$\langle X, S, Y, \delta, \lambda, s_p \rangle$$

kde X, S, Y je příslušně vstupní, stavová, výstupní abeceda, $\delta : S \times X \rightarrow S : \langle s, x \rangle \mapsto s'$ je přechodová a $\lambda : S \times [X] \rightarrow Y : \langle s, [x] \rangle \mapsto y$ je výstupní funkce s tím, že $[X] = \{\Lambda\} / X$ a $[x] = \Lambda / x$ (Λ je prázdné slovo) a s_p je počáteční stav. Chápeme-li $\delta(s, x) = s'$ jako model změny stavu $z s$ na s' , je jedinou příčinou změny podnět x ; avšak změna stavů znamená realizaci přechodu $z s$ do s' , tj. jak je obvyklé, je nezbytné přechod spustit podnětem x a také vykonat stavem s . Chováním („převodovou“ funkcí) B dynamického převodníku rozumíme funkci ($m \geq 1$)

$$B : \{s_p\} \times X^m \rightarrow Y^m : \langle s_p, x_{i1} x_{i2} \dots x_{im} \rangle \mapsto y_{j1} y_{j2} \dots y_{jm} = \left[\lambda \left(s_p, [x_{i1}] \right) \right] \lambda \left(\delta \left(s_p, x_{i1} \right), x_{i2} \right) \dots$$

$$\lambda \left(\delta \left(\dots \left(\delta \left(\delta \left(s_p, x_{i1} \right), x_{i2} \right), \dots \right), x_{i,m-1} \right), x_{im} \right)$$

a může být jak kombinační, tak i sekvenční. Pouze, je-li převodník Mealyho typu ($\lambda : S \times X \rightarrow Y : \langle s, x \rangle \mapsto y$) a chová-li se kombinačně, lze položit $S = \{s_p\}$, tj. minimalizovat Mealyho kombinační převodník co do počtu stavů, a formálně (nikoliv fakticky) ignorovat přechodovou funkci δ , neboť $\delta : \{s_p\} \times X \rightarrow \{s_p\} : \langle s_p, x \rangle \mapsto s_p$ modeluje virtuální stavový přechod, a modifikovat funkci výstupní $\lambda : \{s_p\} \times X \rightarrow Y : \langle s_p, x \rangle \mapsto y$ tak, že $\lambda : X \rightarrow Y : x \mapsto y$. Mealyho minimální kombinační převodník je tedy statickým převodníkem a jeho konečnoautomatový model má tvar $\langle X, Y, \lambda, s_p \rangle$ či $\langle X, Y, \lambda \rangle$, přičemž pro jeho chování B platí

$$B : \left[\{s_p\} \right] \times X^m \rightarrow Y^m : \left\langle [s_p], x_{i1} x_{i2} \dots x_{im} \right\rangle \mapsto y_{j1} y_{j2} \dots y_{jm} = \lambda(x_{i1}) \lambda(x_{i2}) \dots \lambda(x_{im}).$$

V dynamickém logickém převodníku jsou zajímavé zejména stavové trajektorie:

$$- \delta \left(\dots \left(\delta \left(\delta \left(s_p, x \right), x \right), \dots \right), x \right) \text{ a}$$

$$\delta \left(\dots \left(\delta \left(\delta \left(s_p, x \right), x \right), \dots \right), x \right) = \delta \left(\delta \left(\dots \left(\delta \left(\delta \left(s_p, x \right), x \right), \dots \right), x \right), x \right),$$

tj. posloupně „spontánní“ stavové přechody ze stavu s_p do stabilního pro podnět x stavu ,

$$- \delta \left(\delta \left(\dots \left(\delta \left(\delta \left(s_p, x \right), x \right), \dots \right), x \right), x \right) = s_p \text{ a } s_p, \delta \left(s_p, x \right), \delta \left(\delta \left(s_p, x \right), x \right), \dots, \delta \left(\dots \left(\delta \left(\delta \left(s_p, x \right), x \right), \dots \right), x \right)$$

jsou navzájem různé, tj. „spontánní“ stavové cykly. Je „podivné“ hovořit o samovolných posloupných stavových přechodech či cyklech v deterministickém převodníku; postačí si totiž uvědomit, že výchozí stav

$$s_p, \delta \left(s_p, x \right), \delta \left(\delta \left(s_p, x \right), x \right), \dots,$$

$$\delta \left(\dots \left(\delta \left(\delta \left(s_p, x \right), x \right), \dots \right), x \right)$$

přechodu je vykonavatelem příslušného přechodu, a podnět x přechod pouze iniciuje.

Nyní je již také zřejmé, že nelze ztotožnit jednak statický a kombinační, a jednak dynamický a sekvenční logický převodník.

BIOGRAPHY

Josef Bokr was born on 1940. In 1965 he graduated with honor at Moscow Power Institute with specialisation in mathematical computing devices and apparatus. He received Ph.D (CSc) degree with a thesis Logic Control in 1990 and was done an associate professor. His scientific research is focused on logic system and automata theory.